# 論文 鉄筋コンクリート造ト形柱梁接合部のせん断終局強度算定法に関す る研究

#### 北村 祐馬\*1·津田 和明\*2

要旨:鉄筋コンクリート造ト形柱梁接合部のせん断終局強度は、せん断抵抗機構に基づいた理論的な算定法 ではなく、実験結果の分析により導いた実験式が用いられることが多い。また、これら実験式の算定精度も 明らかとなってはいない。これは、ト形柱梁接合部のせん断破壊型の実験結果が少ないためである。そこ で、筆者らが提案した十字形柱梁接合部のせん断終局強度算定法を準用し、ト形柱梁接合部の理論的なせん 断終局強度算定法を検討した。この手法はまだ検討の余地はあるが、ト形柱梁接合部のせん断終局強度を理 論的に算定できる可能性を示すことができた。

キーワード: ト形柱梁接合部, せん断終局強度, トラス理論, FEM 解析

## 1. はじめに

現在、鉄筋コンクリート造柱梁接合部のせん断終局強 度は日本建築学会の「鉄筋コンクリート造建物の靭性保 証型耐震設計指針・同解説」<sup>1)</sup>(以下, 靭性指針式と称す) に示されている手法を用いて算定することが多い。しか し、これはせん断抵抗機構に基づいた理論的なものでは なく、実験の分析により導いたせん断強度時平均せん断 応力度に有効水平断面積を乗じて算定したものである。 また、ト形柱梁接合部の場合、十字形柱梁接合部よりも 一般的にせん断終局強度が小さいとされ、形状による低 減係数が設けられている。しかし、この低減係数も理論 的なものではない。そこで、せん断抵抗に基づいたト形 柱梁接合部の理論的なせん断終局強度算定法を検討する ことにした。本研究は、 塩原らの柱梁接合部の曲げ破壊 型 <sup>2)</sup>とは異なり, 柱梁接合部のコンクリート圧縮ストラ ット圧壊によるせん断破壊型を対象としている。本報で は、現状の検討結果を報告する。

#### 2. 既往のせん断終局強度算定法

#### 2.1 靭性指針式

接合部のせん断終局強度算定法としてよく用いられて いるのは靱性指針式である。これを式(1)に示す。

$$_{i}Q_{\mu} = 0.7 \cdot 0.85(0.8\sigma_{B}^{0.7})b_{i} \cdot D_{c}$$
 (1)

上式中の σ<sub>B</sub> はコンクリート圧縮強度 (圧縮を正), b<sub>j</sub> は 接合部有効幅, D<sub>c</sub> は柱せいである。以下,式中の記号の 単位は, SI 単位系であり,力は N,距離は mm である。 2.2 寺岡式<sup>3)</sup>

ト形柱梁接合部のせん断終局強度算定式はさほど多く は提案されていない中で,寺岡は斜め圧縮ストラットは 柱と梁の各断面応力中心間距離で構成される接合部パネ ルの対角線方向に形成されると仮定し、多数の既往実験 を整理、分析することにより、接合部せん断終局強度に 与える各因子の影響を導き、接合部せん断終局強度を算 定している。それを式(2)、(3)に示す。

$$Q_u = \tau_u \cdot \ell_{do} \cdot \frac{b_b + b_c}{2} \tag{2}$$

$$\tau_{u} = 1.32_{b} p_{t}^{0.66} \cdot 0.2853 \cdot \sigma_{B}^{0.46} \cdot \left(\frac{\ell_{dh}}{d_{bd}}\right)^{0.28} \cdot \alpha + 0.4 p_{w} \cdot \sigma_{wy} \qquad \alpha = \frac{j_{b} + \ell_{do}}{\sqrt{j_{b}^{2} + \ell_{do}^{2}}}$$
(3)

上式中の bpl は梁の引張鉄筋比(%), σB はコンクリー ト圧縮強度(圧縮を正), jb は梁断面応力中心間距離, ℓah は梁主筋の定着水平投影長さ, dba は梁主筋径, ℓao は有効 水平投影長さ, bb は梁幅, bc は柱幅, pw は接合部せん断 補強筋比, σwy は接合部せん断補強筋の降伏強度である。 また,式(3)は工学単位系を SI 単位系に変換したもので ある。

#### 3. 検討手法

#### 3.1 十字形の算定法の概要<sup>4)</sup>

+字形では、柱、梁の圧縮領域がそれぞれ接合部の圧 縮領域と一致していることから、接合部の圧縮ストラッ トの幅、角度を定め、せん断終局強度を算定している。 また、接合部中央領域で圧縮ストラット幅が大きくなる 現象を反映させている。この時に、仮定した接合部せん 断抵抗機構を図-1 に、接合部の仮定応力度状態と柱、 梁の仮定断面を図-2 に示す。

## 3.2 ト形の算定法の概要

靱性指針式や寺岡式は計算精度の高い実験式ではある が,接合部内部の抵抗機構を明示化したものではなく,

\*1 近畿大学 産業理工学部建築・デザイン学科 (学生会員) \*2 近畿大学 産業理工学部建築・デザイン学科教授 博士(工学) (正会員)





12 「子が後日部の仮定応力度状態。 柱・梁の仮定断面

その汎用性は明解ではない。したがって、本研究では接 合部の内部抵抗機構に基づいた汎用性の高い算定式の提 案が目標であり、ト形では、基本的に筆者らの研究 4を 準用している。仮定した主な条件は同じであるが、十字 形と違い梁の取り付いていない方の圧縮領域を算定する にあたり、図-3に示すトラス機構を新たに仮定した。 これは、柱主筋による鉛直バネ、梁主筋と接合部せん断 補強筋と柱による曲げ抵抗バネによる水平バネ,そして, 斜めのコンクリート圧縮ストラットによる圧縮バネによ って構成されている。基本的に接合部全領域が同様なせ ん断抵抗状態であるとし,斜めコンクリートの圧縮応力 度は、曲げモーメントの影響を受けて圧縮ストラットを 形成していると仮定している。純せん断状態であれば, 圧縮ストラットは部材全域となる。ここでは、鉛直バネ に関しては、接合部と柱の界面に作用する曲げモーメン トに支配されると考えている。また、梁との界面でも曲 げモーメントは作用するが, 接合部内せん断補強筋は主 にせん断力に対して引張抵抗すると仮定しているので, 斜めのコンクリート圧縮ストラットによる圧縮バネか水 平バネのいずれかが強度に達したときをこの検討手法に おけるせん断終局強度としている。現状では、全梁主筋 もせん断力に対して引張抵抗するものとして考慮してい るが、これに関しては今後検討したいと考えている。また、接合部中央領域で圧縮ストラット幅が大きくなる現象を反映させていない。新たに仮定した接合部の応力度状態を図-4 に示す。同図において仮定した柱、梁の断面は図-2と同様である。図-2と図-4に示す赤点線は、水平及び鉛直方向の圧縮ストラット幅である。この検討手法におけるせん断終局強度を式(4)に示す。

$$Q_{su} = \min\left(Q_{cc}, Q_{wy}\right) \tag{4}$$

上式中の $Q_{cc}$ はコンクリート斜め圧縮バネの強度で決 定される場合の強度である。これを式(5)に示す。また、 コンクリート有効圧縮強度係数 $v_{j}$ は筆者らの研究<sup>6,7</sup>と 同様に、Nielsenの提案式と CEB 式を用いて、式(6)によ り求めた。

$$Q_{cc} = \frac{v_j \cdot {}_j \sigma_B \sin 2\theta'}{2} X'_c \cdot b_c$$
<sup>(5)</sup>

$$\nu_{j} = \begin{cases} 0.7 - \frac{j\sigma_{B}}{200} & j\sigma_{B} \le 45N / mm^{2} \\ 1.698 & j\sigma_{B}^{-0.333} & j\sigma_{B} > 45N / mm^{2} \end{cases}$$
(6)

上式中の主圧縮方向角度θ'と水平方向の圧縮ストラット幅 X'εについては後述する。

次に, *Q*<sub>wy</sub>について記す。*Q*<sub>wy</sub>は, せん断補強筋が降伏 する時のせん断終局強度である。これを式(7)に示す。

$$Q_{wy} = \frac{\sigma_{wy} \cdot K_x}{E_{ws} \cdot \tan \theta'} \cdot D_c \cdot b_c$$
(7)

上式は、せん断補強筋が降伏する場合はその時点をせん断終局強度時としており、仮想水平抵抗領域の水平バネ剛性を考慮しているため、せん断補強筋の降伏ひずみ度(*σwy*/*Ews*)に水平方向の単位面積当りの平均バネ剛性 *Kx*を乗じた値に、せい、幅を乗じてせん断終局強度を算定している。

ここで,主圧縮方向角度 θ'について述べる。この検討 手法における主圧縮方向角度 θ'は,以下に示す角度によ って構成されている。

先ずは、梁の取り付いている方の圧縮ストラットと接

合部鉛直面とのなす角度 $\theta'_1$ である。これは、梁の中立軸 位置(圧縮縁から中立軸位置までの距離: $_{bx_n}$ )と柱の中 立軸位置(圧縮縁からの距離: $_{cx_n}$ )によって定められる。 この詳細については文献 $^{0}$ を参照願いたい。

次に,梁の取り付いていない方の圧縮ストラットと接 合部鉛直面とのなす角度 θ'2 を,仮定したトラス機構の 水平方向と鉛直方向の剛性により求めることにした。そ れを式(8)に示す。

$$\left(\frac{1}{K_{x}} - \frac{1}{K_{y}}\right)\cos^{4}\theta'_{2} - 2\left(\frac{1}{K_{2}} + \frac{1}{K_{x}}\right)\cos^{2}\theta'_{2} + \frac{1}{K_{2}} + \frac{1}{K_{x}} = 0$$
(8)

式(8)は,最小ポテンシャルエネルギーの原理に従って 主圧縮方向角度を求める式であり,この式より求められ る角度の妥当性は,筆者らの研究ので報告されている。 また,上式中のK<sub>x</sub>は,水平方向の単位面積当りの平均バ ネ剛性K<sub>x1</sub>と,それに梁主筋比の影響も考慮したバネ剛 性K<sub>x2</sub>の二つの場合がある。K<sub>x1</sub>,K<sub>x2</sub>,鉛直方向の単位面 積当りの平均バネ剛性K<sub>y</sub>をそれぞれ式(9)~(12)に示す。

$$K_{x1} = K_f + {}_j p_w \cdot {}_j E_{ws}$$
  
= 
$$\frac{720 {}_j E_c I_c (D_c - \alpha D_c)}{b_c \cdot D_b^4} + {}_j p_w \cdot {}_j E_{ws}$$
(9)

$$K_{x2} = K_{f} + {}_{j} p_{w} \cdot {}_{j} E_{ws} + {}_{b} p_{g} \cdot {}_{b} E_{s}$$
  
=  $\frac{720 {}_{j} E_{c} I_{c} (D_{c} - \alpha D_{c})}{b_{a} \cdot D_{c}^{4}} + {}_{j} p_{w} \cdot {}_{j} E_{ws} + {}_{b} p_{g} \cdot {}_{b} E_{s}$  (10)

$$\alpha = 0.206 - 0.00372 \left(\frac{D_c}{D_b}\right) \tag{11}$$

$$K_{v} = {}_{c} p_{g} \cdot {}_{c} E_{s} \tag{12}$$

式(9)、(10)中のK<sub>f</sub>は仮想水平抵抗領域の曲げ抵抗による水平抵抗バネ剛性である。この仮想水平抵領域には、 接合部内に生じる水平方向応力度に接合部幅を乗じた力 が等分布で作用すると仮定し、これによって生じる曲げ モーメントに抵抗すると仮定している。仮想水平抵抗領 域とは、水平方向の拘束効果を発揮する領域のことであ り、その範囲を aD<sub>c</sub>とした。これを図-5に示す。<sub>j</sub>E<sub>c</sub>は 接合部コンクリートのヤング係数、I<sub>c</sub>は仮想水平抵抗領 域の断面二次モーメント、<sub>j</sub>P<sub>w</sub>は接合部せん断補強筋比、 <sub>j</sub>E<sub>ws</sub>は接合部せん断補強筋のヤング係数、cPgは柱主筋比、 cE<sub>s</sub>は柱主筋のヤング係数、bPgは梁主筋比、bE<sub>s</sub>は梁主筋 のヤング係数である。また、式(8)中のK<sub>2</sub>は補正係数を乗 じたコンクリートの斜め圧縮方向のバネ剛性であり、式 (13)より算定する。これについても筆者らの研究のによっ て、妥当性が報告されている。

$$K_2 = 0.168_j \sigma_B^{0.38} \cdot {}_j E_c \frac{1}{0.01_j \sigma_B + 0.8}$$
(13)

ここで、 $K_{x1}$ により求められた $\theta'_2 \in \theta'_{2-1}$ 、 $K_{x2}$ により 求められた $\theta'_2 \in \theta'_{2-2}$ とした。 これらより,梁の取り付いていない方の鉛直方向の圧 縮領域(圧縮縁からの距離: ω',)を算定した。これを(14) に示す。

$${}_{b}x'_{n} = D_{b} - \frac{D_{c} - {}_{c}x_{n}}{\tan\left(\theta'_{2-1}or\,\theta'_{2-2}\right)}$$
(14)

以上のことから,水平方向の圧縮ストラット幅 X'。を 求めることができる。また,水平方向の圧縮ストラット 幅 X'。を求めるにあたり,柱境界面位置,梁主筋位置,圧 縮ストラット幅最大位置を算定位置として検討した。こ れを式(15)~(17)に示す。

柱境界面位置の場合,

$$X'_{c} = {}_{c} x_{n}$$
 (15)  
梁主筋位置の場合,

$$X'_{c} = {}_{c}x_{n} + {}_{b}d_{t1} \cdot \max\{\tan\theta'_{1}, \tan(\theta'_{2-1}or\theta'_{2-2})\} (16)$$

圧縮ストラット幅最大位置の場合,

#### 4. FEM 解析

#### 4.1 シミュレーション解析

ト形柱梁接合部せん断終局強度算定法に関する既往研 究が少ないため,十分な精度検証を行うことができない。 そこで、FEM 解析を用い検証対象を増やすことにした。 先ず,解析仮定の妥当性の把握をするために小川らの 既往実験(BUCS 試験体)<sup>8)</sup>結果を対象にシミュレーショ ン解析を行った。FEM 解析に用いたプログラムは 「FINAL」である。解析モデルを図-6に示す。解析対象 モデルをハーフモデルとし、切断面全節点に対象条件を 設定した。コンクリートは六面体要素,柱と梁の主筋は 線材要素,せん断補強筋は埋め込み鉄筋でモデル化した。 同図の赤色の要素はヤング係数を緑色の要素の 10 倍に している。コンクリートの圧縮応力度~ひずみ度関係は 修正 Ahmad モデル<sup>9</sup>, 圧縮強度到達後のひずみ軟化域曲 線は修正 Ahmad モデル, ひび割れ後の圧縮強度低減は長 沼の提案式により低減し,ひずみ度低減は低減なし,ひ び割れ後のせん断伝達特性は Al-Mahaidi の提案<sup>10)</sup>, テン ションスティフニング特性は出雲らのモデル<sup>11)</sup>(C=1.0), 付着応力度~すべり関係はElmorsiらのモデル<sup>12)</sup>を用い, 付着強度は靭性指針に示された式で定め、その時のすべ り変位はFEMの既往研究論文<sup>13),14)</sup>を見ると1.0~2.0mm とすることが多いようですので、今回は 2.0mm とした。

FEM 解析結果より得られた梁せん断力~水平変位関係を実験結果と比較し、図-7に示す。FEM 解析結果は実験結果に比べ若干大きくなったが、耐力比(FEM 最大



# 表-1 パラメトリック解析の共通諸元

柱断面	梁断面	柱主筋	柱せん断	梁せん断
b×D (mm)	b×D(mm)		補強筋	補強筋
300×300	260×400	12-D16	3-D13@100	2-D13@75

解析ケース	柱軸力比	梁主筋比(%)	接合部せん断 補強筋比(%)
1, 28, 55	0	0.765 (2-D16×2)	0.213 (2-D6@100)
2, 29, 56			0.427 (2-D6@50)
3, 30, 57			0.960 (2-D10@50)
4, 31, 58		1.531 (4-D16×2)	0.213 (2-D6@100)
5, 32, 59			0.427 (2-D6@50)
6, 33, 60			0.960 (2-D10@50)
7, 34, 61		2.23 (3-D22×2)	0.213 (2-D6@100)
8, 35, 62			0.427 (2-D6@50)
9, 36, 63			0.960 (2-D10@50)
10, 37, 64	0.1	0.765 (2-D16×2)	0.213 (2-D6@100)
11, 38, 65			0.427 (2-D6@50)
12, 39, 66			0.960 (2-D10@50)
13, 40, 67		1.531 (4-D16×2)	0.213 (2-D6@100)
14, 41, 68			0.427 (2-D6@50)
15, 42, 69			0.960 (2-D10@50)
16, 43, 70		2.23 (3-D22×2)	0.213 (2-D6@100)
17, 44, 71			0.427 (2-D6@50)
18, 45, 72			0.960 (2-D10@50)
19, 46, 73	0.2	0.765 (2-D16×2)	0.213 (2-D6@100)
20, 47, 74			0.427 (2-D6@50)
21, 48, 75			0.960 (2-D10@50)
22, 49, 76		1.531 (4-D16×2)	0.213 (2-D6@100)
23, 50, 77			0.427 (2-D6@50)
24, 51, 78			0.960 (2-D10@50)
25, 52, 79		2.23 (3-D22×2)	0.213 (2-D6@100)
26, 53, 80			0.427 (2-D6@50)
27, 54, 81			0.960 (2-D10@50)

## 表--2 パラメトリック解析諸元

※解析ケース1~27は接合部圧縮コンクリート強度=24.0 (N/mm<sup>2</sup>),

28~54は36.0 (N/mm<sup>2</sup>), 55~81は48.0 (N/mm<sup>2</sup>) である。



耐力/実験最大耐力)は1.120であった。FEM 解析結果で は,接合部のコンクリートの一部が先に圧縮軟化し,最 大耐力近傍では実験と同様に接合部せん断補強筋が降伏 している。これらより,解析仮定は妥当であると判断し パラメトリック解析を行うことにした。

### 4.2 パラメトリック解析

パラメトリック解析の共通諸元を表-1 に、パラメト リック解析諸元を表-2 に示す。柱階高は 1940mm、梁ス パンは 1800mm で、パラメータは接合部コンクリート圧 縮強度、柱軸力比、梁主筋比、接合部せん断補強筋比と し、計 81 ケースの解析を行った。また、解析では曲げ破 壊を防止するために柱と梁の主筋を弾性としている。

図-8 はパラメトリック解析における最大耐力の変動 傾向を示したものである。縦軸は耐力比,横軸は接合部 の各構成因子である。この時の耐力比は,パラメトリッ ク解析結果の値を基準としたケース1の値で除したもの である。接合部の各構成因子はそれぞれ,値が増加する につれ最大耐力が増加するという傾向があり,梁主筋比 が0.765(%)と1.531(%)の場合に,この傾向が顕著 に表れることが分かった。現在,この要因を明確に把握 していないが,梁主筋比増大に伴い,圧縮ストラットの 角度,幅が変化したためではないかと推察される。また, 解析を行った全 81 ケースで接合部がせん断破壊してお り,最大耐力時に接合部せん断補強筋の降伏がみられた。

# 5. 算定法の検証

検討手法の検証をするにあたり、先ずは算定位置の検 討を行った。算定位置に関する図は、紙面の都合上示し ていないが、算定位置は柱境界面位置の場合の計算結果 が最も FEM 解析結果と最も対応が良く、ほかの算定位



置では,算定結果が FEM 解析結果より大きく,危険側に 判定した。この結果から,算定位置は柱境界面位置を採 用した。次に,主圧縮方向角度 θ'の検討を行った。その 精度検証結果を図-9 に示す。θ'=θ'1 の時が最も対応が 良く、これを採用した。以下、 $\theta' = \theta'_1$ の場合を示す。

パラメトリック解析結果を用いた各算定式の精度検証 結果を図-10に、各算定手法を接合部の構成因子ごとに 検討した結果を図-11に示す。図-9と図-10には、縦 軸に関する値の平均値と変動係数を、点線で±15(%) を示している。また、図-11の縦軸は、パラメトリック 解析結果の値を各算定手法の計算値で除したものである。 同図には、強度比と各因子の関係を最小二乗法で回帰分 析した直線を示した

検討手法では、梁主筋比=1.531(%)と2.23(%)の 場合は,FEM 解析結果との対応が良かった。しかし、梁 主筋比=0.765(%)の場合は, FEM 解析結果との対応は 悪く、大きく危険側に判定した。また、回帰直線の傾き を見ると,寺岡式以外は梁主筋比に対して傾きが大きく, 梁主筋比=0.765(%)とそれ以外で、精度が大きく変わ っており、梁主筋比によって算定精度が大きく変動する ことが分かった。さらに、解析を行った全81ケースで、 検討手法のせん断終局強度がせん断補強筋降伏によって 決定する強度 Qwv ではなく、コンクリートの斜め圧縮バ ネによって決定する強度 Qcc で決定した。これらの理由 はまだ判明しておらず、今後さらなる検討を行いたい。 また, FEM 解析より得られた最大耐力時の最小主応力度 コンターと、検討手法による圧縮ストラット形状の比較 を図-12に示す。検討手法による圧縮ストラット形状は、 全般的に FEM 解析結果よりも大きく算定している。以 上のことから,検討手法はまだまだ検討の余地があるこ とが分かる。また、検討手法が複雑にはなったが、内部 抵抗機構に基づく算定法の方が汎用性が高いと考え、先 ずは内部抵抗機構に基づいた算定法を検討し、この構築 後に算定法の簡便性についての検討を行いたい。

#### 6. まとめ

鉄筋コンクリート造ト形柱梁接合部せん断終局強度算 定法について検討した結果,以下の知見が得られた。

- 接合部の因子別検証では、寺岡式以外で対梁主筋比 において回帰直線の傾きが大きく、梁主筋比によっ て算定精度が大きく変動することが分かった。
- 初性指針式は、三手法の中で最もばらつきが大きく、 梁主筋比=0.765(%)の場合は大きく危険側に判定 していることが分かった。
- 寺岡式は、三手法の中で最もばらつきが小さく、全 体的に FEM 解析結果とほぼ対応していた。
- 4) 検討手法は、梁主筋比=1.531(%)と2.23(%)の場合は FEM 解析結果との対応は良いが、梁主筋比=0.765(%)の場合は対応が悪く、大きく危険側に判定してしまうことが分かった。
  - 以上のことを踏まえて、今後は接合部の水平及び鉛直

方向ひずみ度などを詳細に検討したい。

## 参考文献

- 日本建築学会:鉄筋コンクリート造建物の靭性保証 型耐震設計指針・同解説, pp.242-245, 1999.8
- 塩原等:鉄筋コンクリート柱梁接合部:見逃された 破壊機構,日本建築学会構造系論文集,第73巻,第 631号,pp.1641-1648,2008.9
- (3) 寺岡勝:高層骨組における柱・梁接合部の耐震設計 法に関する研究,フジタ技術研究報告,増刊第5号, 1997.
- 4) 津田和明:鉄筋コンクリート造十字形柱梁接合部の せん断強度算定法に関する研究、コンクリート工学 論文集,第29巻,63-73,2018
- 5) 雨宮篤,野口博:超高強度鉄筋コンクリート部材の 有限要素解析プログラムの開発(その1:コンクリ ートモデルの構築),日本建築学会大会学術講演梗 概集,構造W,pp.639-640,1990.10
- 6) 津田和明:鉄筋コンクリート造耐震壁のせん断強度 算定法に関する研究,日本建築学会構造系論文集, 第74巻,第645号,pp.2069-2075,2009.11
- 7) 中尾駿一,津田和明:鉄筋コンクリート造柱・梁の せん断終局強度算定法に関する研究,コンクリート 工学年次論文集, Vol.37, No.2, pp.205-210, 2015.7
- 小川勤, ほか:動的積荷時における鉄筋コンクリー ト造ト形柱梁接合部の力学的性状に関する研究, 日 本建築学会構造系論文集, 第 600 号, pp.155-162, 2006.2
- 9) 長沼一洋:三軸圧縮下のコンクリートの応力~ひず み関係、日本建築学会構造系論文集、第 474 号、 pp.163-170, 1995.8
- Al-Mahaidi, R.S.H. : Nonlinear Finite Element Analysis of Reinforced Concreate Deep Members, Report 79-1, Dep.of Structural Engineering, Cornell Univ., Jan.1979
- 出雲淳一,島弘,岡村甫:面内力を受ける鉄筋コン クリート板要素の解析モデル,コンクリート工学論 文, Vol.25, No.9, No87, 9-1, pp107-120, 1987.9
- Elmorsi, et al. : Modeling bond-slip deformations in reinforced concreate beam-columnjoints, Canadian Journal of Civil Engineering, Vol.27, pp.490-505, 2000
- 13) 杉本訓祥,増田安彦:鉄筋コンクリート造柱梁接合 部を含む部分架構の FEM 解析,コンクリート工学 年次論文集, Vol.36, No.2, pp.205-210, 2014
- 14) 早坂香苗,田嶋和樹,長沼一洋:繰返し載荷を受ける RC 造柱梁接合部の履歴性状の解析精度に関する研究,コンクリート工学年次論文集,Vol.39, No.2, pp.235-240, 2017