# 論文 串団子と心棒を履歴ダンパーで連結制振した場合の心棒効果

田川 浩之\*1・岡田 美咲\*2・松本 優里\*2・杉浦 徳利\*3

要旨:前報<sup>1)</sup>では,鉄筋コンクリート造骨組を対象に,建物を高さ方向に貫く弾性の柱材が,層崩壊メカニ ズムを阻止し,特定層への変形集中を緩和する効果,所謂,心棒効果を定量的に評価した。そこでは,せん 断棒(串団子)と曲げ棒(心棒)を剛なリンク材で連結していた。本研究では,せん断棒と曲げ棒を履歴ダ ンパーで連結した場合,その制振効果を定量的に明らかにすることを目的とする。限られた解析ケース,入 力地震動に対する時刻歴応答解析の結果,履歴ダンパーを設置するとせん断棒と曲げ棒が多少異なる挙動を するため,ある特定層の層間変形角が多少大きくなり,心棒効果が弱まることが示唆された。 キーワード:心棒,串団子,履歴ダンパー,連結制振,地震応答,多質点系ばねモデル

#### 1. はじめに

建物を高さ方向に貫く弾性柱材や連層耐震壁は、地震 時において、特定層への変形集中を緩和し、層崩壊メカ ニズムを阻止し,建物全体に安定性を与える<sup>1)-9)など</sup>。既 往の研究 <sup>6),9)など</sup>では, 鉄骨造骨組, 鉄筋コンクリート(RC) 造骨組を対象に, 多質点系ばねモデルである混合せん断 +曲げ棒モデルにおいて, せん断棒(串団子)の各層の 履歴復元力特性をバイリニア型,履歴損傷とスリップ挙 動を考慮した耐力、剛性劣化型に設定した場合に、曲げ 棒(心棒)の曲げ剛性を増加させると各層の層間変形角 が均一に揃ってくること(心棒効果)を明らかにした。 これらの研究では、せん断棒と曲げ棒の各層を剛のリン クで連結しているため、 せん断棒と曲げ棒の変形応答は 同一であった。もし、せん断棒と曲げ棒が別々に同じ地 震動を受けた時にそれらの変位応答が大きく異なる場合, それらの間に履歴ダンパーや粘弾性ダンパーを設置すれ ば、これらのダンパーで地震入力エネルギーが吸収され ることで連結制振の効果が期待できる<sup>10)など</sup>。一方, せん

断棒と曲げ棒が異なった変位応答を示せば、心棒効果が 薄れることも危惧される。本研究では、せん断棒と曲げ 棒を履歴ダンパーで連結したモデルで時刻歴応答解析を 実施し、履歴ダンパーを配置した場合の心棒効果を定量 的に明らかにする。

### 2. 混合せん断棒+曲げ棒+リンクモデルの導出と検証

連結制振に関する多くの既往研究では、図-1(a)に示 す1質点モデルどうしを履歴もしくは粘弾性ダンパーで 連結した2自由度モデル、図-1(b)に示すせん断棒どう しをダンパーで連結した多質点系モデルが用いられてい る。前報<sup>1)</sup>では、図-2(a)に示すようにせん断棒と曲げ 棒を完全に剛なリンクで連結させた混合せん断+曲げモ デルを解析した。本研究では、図-2(b)に示すようにせ ん断棒と曲げ棒を履歴ダンパーで連結したモデルに対し て時刻歴応答解析を行う。その際、曲げ棒を地面上でピ ン支持した場合と完全固定した場合について検討する。



- \*1 武庫川女子大学 生活環境学部建築学科准教授 Ph.D. (正会員)
- \*2 武庫川女子大学 生活環境学部建築学専攻 修士課程
- \*3 武庫川女子大学 生活環境学部建築学科准教授 博士(工学)

#### 2.1 混合せん断+曲げ棒モデルにおける心棒効果

混合せん断+曲げ棒モデルの説明図として、図-2(a) に示すようにせん断棒と曲げ棒の間に完全に剛なリンク を配置している。しかし、せん断棒と曲げ棒の水平変位 は等しくなるため、それらを変位ベクトル  $\{u\}(=\{u_s\}=\{u_f\})$ として、解析上は式(1)の振動方程式を 解くことになる。よって、n層の建物に対する解析モデ ルはn-自由度となる。

$$[M]\{\ddot{u}\} + [C]\{\dot{u}\} + ([K_s] + [K_f])\{u\} = -[M]\{\ell\}\ddot{u}_0 \tag{1}$$

前報<sup>1)</sup>で説明したように,せん断棒のある特定層の水平 ばねが大きく塑性化を起こすと,建物を高さ方向に貫く 曲げ棒からせん断棒にその塑性変形を抑えようとする水 平抵抗力が作用するため,曲げ棒はある特定層の変形集 中を緩和して,層崩壊メカニズムを阻止する。

### 2.2 混合せん断棒+曲げ棒+リンクモデルの定式化

本研究で用いる混合せん断棒+曲げ棒+リンクモデル の振動方程式は式(2)で表される。ここで, [*M<sub>s</sub>*], [*M<sub>f</sub>*]は せん断棒と曲げ棒の質量行列, [*C*]は減衰行列, [*K<sub>s</sub>*], [*K<sub>f</sub>*], [*K<sub>l</sub>*]はせん断棒, 曲げ棒, リンク部材の剛性行列である。 {*u<sub>s</sub>*}, {*u<sub>f</sub>*}は各々, せん断棒と曲げ棒の相対水平変形量ベ クトル, {*l*}は単位ベクトル, *ü<sub>0</sub>*は地動加速度である。 *n*層の建物に対する解析モデルは 2*n*-自由度となる。

$$\begin{bmatrix} M_s & [0] \\ [0] & [M_f] \end{bmatrix} \left\{ \{\ddot{u}_s\} \\ \{\ddot{u}_f\} \right\}^+ [C] \left\{ \{\dot{u}_s\} \\ \{\dot{u}_f\} \right\}^+$$

$$\begin{bmatrix} [K_s] + [K_i] & -[K_i] \\ -[K_i] & [K_f] + [K_i] \end{bmatrix} \left\{ \{u_s\} \\ \{u_f\} \right\}^- = -[M] \{\ell\} \ddot{u}_0$$

$$(2)$$

#### せん断棒

せん断棒の剛性行列[K<sub>s</sub>]は式(3)で表される。ここで k<sub>si</sub> はせん断棒の *i* 層の水平ばねの接線剛性である。

$$[K_{s}] = \begin{bmatrix} k_{s1} + k_{s2} & -k_{s2} & 0 & \cdots & 0 \\ -k_{s2} & k_{s2} + k_{s3} & \ddots & \ddots & \vdots \\ 0 & \ddots & \ddots & \ddots & 0 \\ \vdots & \ddots & \ddots & k_{s(n-1)} + k_{sn} & -k_{sn} \\ 0 & \cdots & 0 & -k_{sn} & k_{sn} \end{bmatrix}$$
(3)

本研究では、前報<sup>1)</sup>と同様に、4層、10層の2種類の RC 造建物を想定する。各層の高さは3.5m とし、1 次固 有周期  $T_1$ は $T_1 = 0.02H$  (H:建物の高さ(m))で仮定する。 よって4層建物では0.28秒、10層建物では0.7秒となる。 本研究では、解析モデルがこれらの1 次固有周期をもつ ように、かつ設計用水平外力 Ai 分布の設計水平外力に対 して、同一の層間変形角を示すようにせん断棒の各層の 水平ばねの初期剛性を与える。以下にその求め方につい て説明する。まず、UBC(1997)<sup>11</sup>に記載される式(4)の1 次固有周期 Tの算出式を用いる。

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^{n} w_i \delta_i^2}{g \sum_{i=1}^{n} f_i \delta_i}}$$
(4)

ここで、 $f_i$ はi層に作用させる設計水平外力、 $\delta$ は $f_i$ を 作用させた時のi層の弾性水平変位、gは重力加速度、  $w_i$ はi層の重量である。各層の層間変形角一定とし、こ れを $\theta_{SDA}$ とし、各層の地面からの高さを $h_i$ とすると、

$$\delta_i = h_i \theta_{SDA} \tag{5}$$

各層の質量を mi とすると,

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^{n} w_i (h_i \theta_{SDA})^2}{g \sum_{i=1}^{n} f_i (h_i \theta_{SDA})}} = 2\pi \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^{n} m_i h_i^2}{\sum_{i=1}^{n} f_i h_i}} \theta_{SDA}$$
(6)

$$\therefore \theta_{SDA} = \frac{T^2}{4\pi^2} \frac{\sum_{i=1}^{n} f_i h_i}{\sum_{i=1}^{n} m_i h_i^2}$$
(7)

よって、せん断棒の各層の水平ばねの初期剛性  $k_i$ は式(8) で算出される。ここで、 $Q_i = \sum_{j=i}^n f_j$ は設計水平外力 $f_i$ に対 する層せん断力である。

$$k_{i} = \frac{Q_{i}}{\theta_{SDA}(h_{i+1} - h_{i})} = \frac{4\pi^{2}}{T^{2}} \frac{\sum_{i=1}^{n} m_{i}h_{i}^{2}}{\sum_{i=1}^{n} f_{i}h_{i}} \frac{\sum_{j=i} f_{j}}{(h_{i+1} - h_{i})}$$
(8)



## 図-3 均一な層間変形角で変形するせん断棒

前報<sup>1)</sup>と同様,設計用ベースシヤ一係数を4層建物で は0.3,10層建物では0.2として設計用せん断力を求め, その1.5倍を最下層の降伏強度とする。最下層の降伏強 度の0.4倍を最上階の降伏強度とし、中間階の降伏強度 は線形補間する。スリップ挙動,履歴損傷を考慮した耐 力,剛性劣化型の履歴復元力特性モデル<sup>12)</sup>を本研究でも 用いる。ただし,履歴損傷は本解析では考慮しない。

#### <u>曲げ棒</u>

本解析では曲げ棒は弾性を保つとする。曲げ棒の剛性 行列[K<sub>f</sub>]は、節点での水平変位でのみ表される必要があ るので, 釣合条件, 拘束条件を考慮して行列の縮小を行 う。まず、曲げ棒の各層を図-4に示す梁1要素でモデ ル化すると、その剛性行列は式(9)で表される。次に、曲げ 棒全体を図-5 に示すように連結した n 個の梁要素でモ デル化すると、その全体剛性行列は梁1要素の剛性行列 を重ね合わせて得られる。曲げ棒をピン支持にした場合 は、変位と回転角の項で分離するように行列成分を並べ 替えて式(10)の形にする。曲げ棒に接合するリンクは曲 げモーメントを伝達しないので  $\{M_0, \dots, M_n\} = \{0, \dots, 0\}$ となる。この釣合条件を用いると、変位 $\{u_0, \cdots, u_n\}$ と水 平力  $\{Q_0, \dots, Q_n\}$  の関係式として曲げ棒の剛性行列  $[\overline{K_f}]$ は式(11)で算出される。さらに支持点での相対水平変位  $u_0$  はゼロなので、変位  $\{u_1, \dots, u_n\}$  と水平力  $\{Q_1, \dots, Q_n\}$  の 関係式である曲げ棒の剛性行列[K]は式(12)となる。



心棒を完全固定にした場合は、支持点における相対水 平変位  $u_0$ 、回転角 $\theta_0$ の値はゼロであるので、まず、式(10) の剛性行列で1行目、(n+2)行目、1列目、(n+2)列目を除 去して式(13)が得られる。 $\{M_1, \dots, M_n\} = \{0, \dots, 0\}$ である ので,変位 {u<sub>1</sub>,…,u<sub>n</sub>} と水平力 {Q<sub>1</sub>,…,Q<sub>n</sub>} の関係式であ る曲げ棒の剛性行列式[K<sub>f</sub>]は式(14)となる。

$$\begin{cases} Q_{1} \\ \vdots \\ Q_{n} \end{cases} \\ \begin{cases} M_{1} \\ \vdots \\ M_{n} \end{cases} \\ \end{cases} = \begin{bmatrix} [K_{11}]_{n \times n} & [K_{12}]_{n \times n} \\ [K_{21}]_{n \times n} & [K_{22}]_{n \times n} \end{bmatrix} \begin{cases} u_{1} \\ \vdots \\ u_{n} \end{cases} \\ \begin{cases} \theta_{1} \\ \vdots \\ \theta_{n} \end{cases}$$
(13)

$$[K_f]_{n \times n} = \frac{{}^{\mathrm{T}} \{Q_1, \cdots, Q_n\}}{{}^{\mathrm{T}} \{u_1, \cdots, u_n\}} = [K_{11}] - [K_{12}][K_{22}]^{-1}[K_{21}]$$
(14)

前報<sup>1)</sup>と同様に,曲げ棒の曲げ剛性率 $\alpha_{cc}$ を式(15)で定 義する。ここで, $EI_f$ は曲げ棒の曲げ剛性, $H_i$ はi層の階 高, $K_i$ はせん断棒のi層の水平ばねの初期剛性である。

$$\alpha_{cc} = \frac{EI_f / H_i^3}{K_i} \tag{15}$$

### <u>リンク材</u>

*i* 階に配置したリンク材の軸方向力は, **図**-6 に示すように $k_{\ell i}(u_{s i}-u_{f i})$ となるので,式(1)のリンク材の剛性行列[ $K_L$ ]は,式(16)で表される。ここで, $k_{\ell i}$ は*i* 階のリンク材の剛性である。

$$\begin{bmatrix} K_L \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} K_\ell \end{bmatrix} & -\begin{bmatrix} K_\ell \end{bmatrix} \\ -\begin{bmatrix} K_\ell \end{bmatrix} & \begin{bmatrix} K_\ell \end{bmatrix}$$
(16)

$$\begin{bmatrix} K_{\ell} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} k_{\ell 1} & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & k_{\ell 2} & 0 & 0 & 0 \\ \vdots & 0 & \ddots & 0 & \vdots \\ 0 & 0 & 0 & k_{\ell(n-1)} & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & k_{\ell n} \end{bmatrix}$$
(17)



### 図-6 リンク材の軸方向力

幾何学的非線形性である *P*-Delta 効果を考慮するには 幾何剛性行列を式(3)と式(9)の剛性行列の項に足し込む ことで容易に考慮できるが<sup>つ</sup>が,本解析では材料非線形 性に焦点をあてるため *P*-Delta 効果は考慮しない。

建物全体の1次固有周期 Ti と周期 0.2 秒において 2% となるような初期剛性比例型の Rayleigh 減衰を用いる。 串団子と心棒に減衰を与えて,剛性行列[C]は式(18)で算 出される。

$$\begin{bmatrix} C \end{bmatrix} = \alpha \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} M_s \end{bmatrix} & \begin{bmatrix} 0 \end{bmatrix} \\ \begin{bmatrix} 0 \end{bmatrix} & \begin{bmatrix} M_f \end{bmatrix} \end{bmatrix} + \beta \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} K_s \end{bmatrix} & \begin{bmatrix} 0 \end{bmatrix} \\ \begin{bmatrix} 0 \end{bmatrix} & \begin{bmatrix} K_f \end{bmatrix} \end{bmatrix}$$
(18)

非線形時刻歴応答解析では、式(1)の増分型運動方程式 をNewmark-β法の平均加速度法(α=1/2, β=1/4)を用いてい て時間刻みごとに解き進める。外力増分量に対する変位 増分量を算出する際には、Newton-Raphason 法により収 斂計算を行う。以下のすべての解析では入力地震波とし て 1995 年兵庫県南部地震の JMA 神戸波 EW 成分を用い る。また、本研究ではせん断棒と曲げ棒の質量比は 4:1 とし、各層の質量は等しいと設定する。

#### 2.3 混合せん断棒+曲げ棒+リンクモデルの検証

混合せん断棒+曲げ棒+リンクモデルでリンク材を 完全に剛とした場合は、せん断棒と曲げ棒の変位応答は 同一となり、それらは混合せん断+曲げ棒モデルの変位 応答とも同一になる。そこで、履歴ダンパーの初期剛性 をとても大きな値(ここではせん断棒の水平ばねの初期 剛性の1000倍)に設定し、降伏荷重を大きな値に設定し 弾性状態を保つようにして解析を実施し、前節で述べた 定式化や解析プログラムコードの妥当性を検証した。4 層の混合せん断棒+曲げ棒+リンクモデルのせん断棒と 曲げ棒、ならびに混合せん断+曲げ棒モデルの最下層の 層間変形角の時刻歴を図-7 に比較する。ここで、曲げ 棒の曲げ剛性率α<sub>cc</sub>は0.1 とし、曲げ棒はピン支持として いる。これらの変位応答は同一となっている。



### 3. 曲げ棒を完全固定した場合の心棒効果

前報<sup>1)</sup>では、曲げ棒をピン支持した場合の心棒効果に ついて検討した。本稿では、曲げ棒を地面上で完全固定 した場合にどのように建物の地震応答が変化するのかに ついて検討する。混合せん断棒+曲げ棒+リンクモデル で完全に剛なリンク材を配置した状態で、曲げ棒をピン 支持もしくは完全固定にして非線形動的応答解析を行う。 4 層 RC 造建物の混合せん断棒+曲げ棒+リンクモデル で、曲げ剛性率 $\alpha_{cc}$ を0.01,0.1,1.0,10の4通りに設定 した場合の1次固有周期の一覧を表-1に示す。ピン支 持の場合、 $\alpha_{cc}$ を増加させても1次固有周期は変わらない。 これは、曲げ棒がなくても1次固有モードは建物の高さ 方向にほぼ線形の形状をしており、それにピン支持され た曲げ棒を加えても1次固有モードの形状は殆ど変らな いためである。一方、完全固定の場合は、 $\alpha_{cc}$ を増加させ るにしたがい一次固有周期が短くなる。各層の最大層間 変形角の分布を図-8,各階の床レベルにおける最大水平 変位,最大絶対加速度の分布を図-9,図-10に示す。 図-8によると,曲げ棒をピン支持した場合,αccが小さ いと最大層間変形角は著しく大きくなるが,これは最大 強度を超えて耐力劣化を起こしているためである。曲げ 棒を完全固定した場合,図-9(b)に示すように,片持ち 形式の耐震壁のような変形モードになるため,下層部で 小さな変位に留まる。しかし,一方で,図-10(b)に示す ように,上層部の絶対加速度が増加する傾向が見られる。

表-1 1次固有周期(4層建物)



図-10 床レベルでの最大絶対加速度(4 層建物)

10 層 RC 造建物のモデルで, acc を 0.01, 0.1, 1.0, 10 に設定した場合の 1 次固有周期の一覧を表-2 に示す。 曲げ棒をピン支持した場合, acc を増加させても 1 次固有 周期は変わらないが,完全固定した場合は, acc の増加に 伴い 1 次固有周期は短くなる。各層の最大層間変形角の 分布を図-11,各階の床レベルにおける最大水平変位, 最大絶対加速度を図-12,図-13 に示す。曲げ棒を完全 固定した場合,下層部での変位が小さくなっているが, α<sub>cc</sub>が1.0以上になると上層部で大きな変位となっている。 また,曲げ棒を完全固定すると,α<sub>cc</sub>の値によっては床レ ベルの絶対加速度が著しく大きくなる場合がある。

	αcc=0.01	αcc=0.1	$\alpha_{cc}=1.0$	$\alpha_{cc}=10$
ピン支持	0.701 秒	0.701 秒	0.701 秒	0.700 秒
完全固定	0.700 秒	0.690 秒	0.652 秒	0.534 秒
10 階 00	₩ ₩	10 階	0 4	+ �

表-2 1次固有周期(10層建物)



#### 4. 履歴ダンパーを配置した場合の心棒効果

混合せん断棒+曲げ棒+リンクモデルで履歴ダンパー を配置した場合の心棒効果について検討する。本研究で は履歴ダンパーの剛性,強度率α<sub>dp</sub>を式(19)で定義する。

$$\alpha_{dp} = \frac{k_{dpi}}{k_{si}} = \frac{f_{dpi}^{y}}{f_{si}^{y}}$$
(19)

ここで, *k*<sub>4pi</sub> と *k*<sub>si</sub> は *i* 層の履歴ダンパー, せん断棒の水 平ばねの初期剛性, *f*<sup>y</sup><sub>4pi</sub> と *f*<sup>y</sup><sub>si</sub> は *i* 層の履歴ダンパー, せ ん断棒の水平ばねの降伏荷重を示す。せん断棒の各層の 水平ばねの初期剛性, 降伏荷重に対する履歴ダンパーの それらの特性値の比率は等しいとは限らないが, ここで は等しいと仮定する。履歴ダンパーの復元力特性は完全 弾塑性とする。

曲げ棒をピン支持した4層モデルで、 $\alpha_{ce}=0.1$ 、 $\alpha_{dp}=0.2$ に設定した場合の最下層における層せん断力-層間変形 角関係を図-14,1階と4階の床レベルでの水平変位の 時刻歴を図-15,各階に配置した履歴ダンパーの軸方向 力-軸変形関係を図-16に示す。せん断棒の最下層では 図-14に示すように最大強度を超えて耐力劣化を起こ し大きな層間変形角になっている。1階の床レベルでは 図-15に示すように曲げ棒のほうがせん断棒よりも小 さな変位を示すが、4階の床レベルでは大きな変位を示 す。せん断棒と曲げ棒の水平変位の差によって履歴ダン パーが図-16に示すように履歴エネルギーを消費する。









図-16 履歴ダンパーの軸方向力-軸変形関係 (α<sub>dp</sub>=0.2) 曲げ棒をピン支持した4層,10層モデルに対して,α<sub>dp</sub> を 0.2, 0.4, 0.6, 0.8, 1.0 に設定した場合のせん断棒と曲げ 棒の最大層間変形角の分布を図-17,図-18に示す。α<sub>cc</sub> は4層モデルで 0.1, 10層では 1.0 としている。同図中に 完全に剛なリンクで連結した場合の層間変形角を赤点線 で示す。履歴ダンパーを配置することで,ある特定層の 最大層間変形角が多少大きくなる,すわなち,心棒効果 が薄れる結果となっている。



### 5. まとめ

混合せん断棒+曲げ棒+リンクモデルを新たに導出し, リンク材に履歴ダンパーを配置して非線形時刻歴応答解 析を行った。曲げ棒を完全固定した場合,曲げ棒の曲げ 剛性を増加させるにしたがい,片持梁形式の耐震壁のよ うな挙動に近づき,下層部の層間変形角は小さくなるが, 上層部で絶対加速度が大きくなる傾向がみられた。限ら れた解析ケース,入力地震動に対する時刻歴応答解析の 結果,せん断棒と曲げ棒を履歴ダンパーで連結した場合, 剛のリンクで連結した場合と比較して,ある特定層の層 間変形角が大きくなり,心棒効果が弱まることが示唆さ れた。本研究では曲げ棒を弾性と仮定したが,今後,曲 げ棒の部材力も評価し,大きく塑性化する場合には等価 な弾性剛性を用いるなどモデル化で検討が必要である。

### 参考文献

- 田川浩之,山下拓三,長江拓也:履歴損傷とスリップ 挙動を考慮した耐力劣化型復元力特性を有する多質 点系ばねモデルにおける心棒効果,コンクリート工 学年次論文集, Vol.36, No.2, 2014
- 2) 秋山宏:建築物の極限設計,東京大学出版会,1987
- 手塚武仁,平島新一:五重塔の心柱機構を応用した 層損傷集中制御制震構造,清水建設研究報告,第71 号,平成12年4月
- 4) 木村祥裕,グレゴリー マックレイ:二層ブレース 架構における柱材の力学性能の違いが架構の層間変 形集中に与える影響,日本建築学会構造系論文集, 第 560 号, pp.189-195,2002 年 10 月
- B. Alavi, H. Krawinkler: Strengthening of moment-resisting frame structures against near-fault ground motion effects, Earthquake Engineering and Structural Dynamics, Vol.33, pp.707-722, 2004
- 6) 日高桃子,崎野健治,峯松徹:転倒降伏耐震壁の提案とその構造特性に関する解析的研究,日本建築学会構造系論文集,第587号,pp.139-145,2005年1月
- 7) 田川浩之、グレゴリー マックレイ、ローラ ローズ:動的安定性の観点からみた鋼構造骨組における 心棒効果 その 1、日本建築学会構造系論文集, No.618, pp.57-64, 2007.8
- MacRae, G. A.: The Development of the Continuous Column Concept, 7th International Conference on Urban Earthquake Engineering & 5th International Conference on Earthquake Engineering Joint Conference, Tokyo, Japan, 2010.3
- Z. Qu, A. Wada, S. Motoyui, H. Sakata, S. Kishiki: 9) Pin-Supported walls for enhancing the seismic performance of building structures: Earthquake Engineering and Structural Dynamics, Vol.41, pp.2075-2091, 2012
- 福本義之,西村勝尚,笹元克紀,片岡大:連結制振構造 を利用した超高層 RC 造建物の構造設計, GBRC Vol. 42 No.3, 2017.7
- Uniform Building Code 1997 (UBC1997), International Conference of Building Officials, 1997
- 12) Laura Lowes, Nilanjan Mitra, Arash Altoontash: A Beam-Column Joint Model for Simulating the Earthquake Response of Reinforced Concrete Frames, PEER Report, 2003/10, 2003