論文 コンクリートの空隙構造を用いたカルシウム拡散に関する検討

人見 尚^{*1}·竹田 宣典^{*2}·入矢 桂史郎^{*3}

要旨: コンクリートからのカルシウム溶脱の解析精度向上を目的として, X線 CT より求め たモルタルの微細空隙構造を用いて拡散解析を行い, モルタル中のカルシウム実効拡散係数 を求めた。求めた拡散係数は, 既往の研究と比較して標準養生の部分においてオーダーで一 致し, 溶脱を受けた部分で小さい結果となった。

キーワード:カルシウム溶脱,拡散係数,X線CT,空隙構造,格子ボルツマン法

1. はじめに

コンクリートは、水、セメント、細骨材およ び粗骨材を練り混ぜて作られる。セメントが水 和してできるセメント硬化体には微細な空隙が 存在し、これらは連続空隙を形成していること が知られている。コンクリートの劣化は、この 空隙を経路として進入・拡散したイオンの作用 による化学変化によって発生・進行すると考え られて¹⁾いる。化学劣化の多くが数年単位で進行 するゆっくりとした現象であり、実験によって 化学劣化の実情を調べる研究 2)もなされている。 しかしながら百年以上の長期の予測や評価の場 合には、実験結果を得るまでに極めて長期の期 間を要するため、シミュレーションが不可欠と なる。シミュレーションで扱われるイオンの挙 動は拡散方程式で記述されている。特にコンク リートよりカルシウムを失う溶脱はシミュレー ションによる検討⁴⁾がなされている。

イオンの進入や溶脱程度を予測するには,イ オンの拡散係数が必要であり,これを精度良く 求めるには拡散の媒質であるセメント水和相の 空隙構造を把握することが必要である。筆者ら は,高輝度光科学研究センターにおいて高分解 能 X 線 CT を用いて,空隙の直接観察やその連 続性などの性質に関する検討^{5.6)}を行ってきた。 これらは空隙の実際の3次元形状,分散および 連続性や独立性の分類を可能にした。本報告で は、モルタル試料の X 線 CT による空隙データ を求め、空隙データ中のカルシウムイオンの拡 散解析を通じて、イオン拡散の過程や、空隙デ ータからのカルシウム実効拡散係数の算出につ いて述べる。

2. カルシウム実効拡散係数の重要性

常時水に接するコンクリートは、長期間の間 にセメント水和相部分よりカルシウム溶出させ 粗化することが知られている⁴⁾。この現象は溶脱 と呼ばれ、式(1)に示すようなカルシウム濃度 C に関する拡散方程式を用いることで数値シミュ レーションが可能である。

$$\frac{\partial C}{\partial t} = D \frac{\partial^2 C}{\partial x^2} - U \frac{\partial C}{\partial x} + R \tag{1}$$

ここで,tは時刻,xは座標,Dはコンクリー ト中のカルシウム実効拡散係数,Uは移流速度 およびRは溶脱に伴うカルシウムの溶出に関す る項を表す。式(1)の右辺第一項は,カルシウム の拡散を示し,第二項は,移流による影響,第 三項はセメント水和相部分からの溶解を示して いる。すなわち,拡散,移流および溶解はそれ ぞれ別に扱われ,第一項では溶解の影響を含ま ないカルシウムの拡散係数が必要である。

これまで溶脱解析に用いられたカルシウムの 拡散係数は、モルタル試料の浸漬試験の結果に 基づいており溶解の影響や誤差を含んでいるも

*1	(株)	大林組	技術研究所	土木材料研究室	副主査 博士(工学) (正会員)
*2	(株)	大林組	技術研究所	土木材料研究室	グループ長 博士(工学) (正会員)
*3	(株)	大林組	技術研究所	土木材料研究室	室長 博士(工学) (正会員)

のと推定される。場所により溶解の程度が異な る本解析では拡散と溶解を分けて検討すること が必要である。溶解の影響を排除した拡散係数 の実験的な測定は困難であるため、この拡散係 数を求めることが、溶脱解析の精度向上に必要 である。本研究では、その方法のひとつとして、 空隙構造を3次元的にモデル化し、コンクリー トの拡散経路を直接扱う方法を検討した。

3. 拡散係数算出の手順

拡散係数算出の手順として,まず X 線 CT 撮 影により,モルタル内部の断面図の電子イメー ジに変換する。これら電子イメージの領域は広 く,周囲の空気部分も含んでいるため,図の赤 線で囲んだ水和相部分の一部を取出す。像の輝 度分布にしきい値を設け,2値化することで空隙 と水和相部分を区別する。

空隙の部分と水和相の部分でそれぞれ異なる カルシウムの拡散係数を後述する方法で設定す る。これらの値を用いて,空隙データ中のカル シウムの拡散解析を行う。得られたカルシウム 濃度分布を単一の拡散係数へのフィッティング で,モルタル試料の見掛けの拡散係数を得る。

4. CT 撮影によるモルタル微細組織の把握 4.1 X 線 CT

試料は、普通ポルトランドセメントに 200 μ m 以下の粒径の細骨材を加えた W/C 0.5 および S/C 0.5 のモルタルである。X線 CT 観察では、試料 を 1mm 以下の粒状に調整したものを用いた。試 料寸法は、X線写真の撮影に用いる CCD カメラ の画素や画素寸法で 1mm 以下と定まる。得られ た像は構成材料の違いによる X線の吸収度合い でコントラストがついている。試料内部の空隙 は、像を 2 値化することで得られる。そのしき い値は、鉱物に関しての中野らの成果⁷に基づき、 断面図の輝度分布を調べ、水和相の作るピーク の空気側の半値と定めている。得られた像の画 素寸法が 0.5 μ m であるため、得られる空隙は 0.5 μ m 以上の径を持つものに限られる。それ以下



図-1:標準モルタルの断面



図-2 溶脱モルタルの断面

の径の空隙はセメント水和相部分に均質に分散 していると考え,それらを含めたモルタル部分 の拡散係数を設定した。

4.2 試料の観察

試料の材齢は、観察時に 200 日であった。試料の一部は、試験体打設後 28 日の標準養生を経て、100 日間の電気化学的手法で劣化を促進する 試験⁸⁾により人工的に溶脱させた。溶脱程度は、 EPMAによるとカルシウムーシリカ(以下, Ca/Si) モル比が 1.2 程度で、標準試料は同比が 3.0 程度 であった。以下標準養生の試料を標準試料、溶 脱させた試料を溶脱試料と呼ぶ。図-1 に標準試 料の、図-2 に溶脱試料のX線 CT 断面図を示す。 周囲の黒い画素の部分は空気を表し、白い色調 になるにつれて物質の密度が高い傾向を表して いる。骨材には様々な材種があり、断面図でも 水和相に比べ明るいものや暗いものがある。

立体的な空隙は,2値化した断面の一部を積層 して得られる。空隙の抽出や図の作成および空 隙率の算出には中野らの作成したソフトウエア



図-4 溶脱モルタルの立体空隙

⁹⁾を用いた。取出したのは水和相部分で, 150× 150×150 ピクセル,実寸では75×75×75μm立 方の領域で,図-1 および図-2の赤線で囲んだ領 域である。この領域を積層したものを以降空隙 モデルとする。図-3 に標準試料,図-4 に溶脱 試料の空隙モデルの立体空隙図を示す。ここで は,空隙を白色で,水和相部分を透明で表示し ている。図-3と図-4より,溶脱試料は標準試料 に比べ空隙を多く含んでいることがわかる。

空隙に対し解析的に求めた総空隙率とその内 訳を表-1に示す。連続空隙とは、図の上端に存 在する空隙が図の下端にまで連続しているもの、 独立空隙はそれ以外の空隙とした。標準試料で は、ほぼ同量であるが、溶脱試料ではほとんど の空隙が連続している。

5. 微細組織中の拡散解析

モルタル中のカルシウム拡散挙動を調べるた めに,前章で求めた立体空隙データをもとにし

表-1 空隙の分類

	総空隙率	独立空隙	連続空隙
	(%)	率(%)	率(%)
標準試料	4. 7	2.0	2. 7
溶脱試料	55.9	0. 1	55.8



図-5 解析模式図

てカルシウムの拡散解析を行った。拡散に注目 するため溶脱現象は考慮していない。

5.1 格子ボルツマン法

解析には格子ボルツマン法(Lattice Boltzmann Method:LBM)を用いた⁷⁾。 LBM には,格子のとり方や密度の方向による分解法でさまざまなモデルが存在する。本報告では 3 次元立方格子で 第 2 近接格子点までの方向に密度を分解する 3D15V モデルを用いた。

5.2 カルシウム拡散解析

標準試料と溶脱試料の立体空隙のデータを用 いてカルシウムの拡散解析を行った。解析は図 -5 に示す模式図のように面の一つが飽和濃度の カルシウム溶液に接しており流入面とし,空隙 は飽和しているとし,側面は計算領域のコピー を配し無限平板を模擬できる,周期的境界条件 を課し,流出面は自由端とした。

拡散係数は、空隙部分と水和相部分にそれぞ れ異なる値を与えた。X線CTでは0.5μm以上 の径の空隙を取出せるが、それ以下の径の空隙 は物質としてしまう。空隙の立体データで物質 部分と判定された部分でも、小さな径の空隙の 存在によりカルシウムの拡散係数を持つとした。 本報告では、標準試料と溶脱試料の両方で、空隙部分のカルシウムの拡散係数を 1.0× 10⁻¹⁰[m²/s]と定めた。この値は、無限希釈中のカ ルシウム拡散係数 ¹⁾である 6.7×10⁻⁸[m²/s]を参考 に、その他イオンの存在や毛細管抵抗などが加 味して小さくなると考えて設定した。水和相部 分の拡散係数は、1.0×10⁻¹²[m²/s]と定めた。

5.3 平均化モデル

本報では,得られた断面図のピクセル数が膨 大であるため,空隙モデルに平均操作を施し, 格子点数を縮小したモデルを解析に用いた。

平均化したのは3ピクセル立方の領域である。 これにより,格子点数の大幅な軽減が可能にな る。また,大幅に拡散係数の異なる媒質での拡 散解析は,計算が不安定になるが,平均化する ことによって拡散係数を'ぼかす'作業を行い, 解析不安定性の懸念を軽減した。事前の感度解 析により,縮小後の各格子点の拡散係数は式(8) で与えられるとした。

$$D = D_{\max} + (D_{\max} - D_{\min}) \cdot (N^3 - n)^2 / N^3 \quad (8)$$

ここで, D は拡散係数, Dmax は空隙の拡散係数, Dmin は水和相の拡散係数, N は平均化した ピクセルの一辺の個数, n は平均化した領域の 水和相に属する格子点の数である。

5.4 解析結果

実時間にして 1.8 秒に相当する拡散解析を行った。解析条件を表-2 に示す。解析時間は拡散 カルシウムが反対側の端部に到達する時間とし て定めた。標準試料の解析結果を図-6 に,溶脱 試料解析結果を図-7 に示す。進入の程度を表す ために,濃度の等値面の一部を白色で例として 示す。カルシウムは,空隙の多い部分に沿って 不均質に侵入していく結果となっている。空隙 の大きい溶脱試料で深くまでカルシウムが進入 している。図-3 および図-4 に示したように,空 隙は大変に複雑な形状をしており,これらを工 学的に細孔で表現するときのパラメータである 収斂度や屈曲度を空隙から検討することは困難 である.対象とするイオンの拡散解析を行い,



図-6 標準モルタルのカルシウム濃度

空隙データ中のイオン濃度の高い部分の形状を 詳細に分析することで、これらパラメータの定



図-7 溶脱モルタルのカルシウム濃度

表--2 解析条件

解析の規模	75[µm ³]立方	
ステップ数	12000	
時間刻み	1.5×10^{-4} [s]	
拡散係数(空隙)	$1.0 \times 10^{-10} [m^2/s]$	
拡散係数(水和相)	$1.0 \times 10^{-12} [m^2/s]$	

量的な評価につながると考えられる。

6. 実効拡散係数の算出と評価

6.1 実効拡散係数の算出

コンクリート溶脱解析に用いる拡散係数は, 水和相組織や骨材を均質化して均質媒体と扱っ た場合の値である。X線CTのデータの結果から の拡散係数の算出を試みた。図-6や図-7の結果 が示すように,カルシウムは不均質に進入して いるので,深さ方向に平行な面でも,その濃度 は不均質になる。これらの実効拡散係数を考え る場合,同じ規模の領域に均質媒体を仮定し, 相対面で同様な濃度を形成する拡散係数を探す こととした。

このため, 深さ方向をパラメータと考え, 深 さ方向に鉛直な面でのカルシウム濃度を平均化 した。この平均化したカルシウム濃度分布に対 し、濃度分布がより一致する拡散係数を均一な 拡散係数を与えた解析のパラメータスタディに より、求めた。図-8に、標準試料の平均化した カルシウム濃度分布と、拡散係数を 2.5× 10⁻¹²[m²/s]の結果を併せて示す。ほぼ一致した結 果を得ている。同様に、図-9に溶脱試料の平均 化したカルシウム濃度分布と、同様にパラメー タスタディによって求めた拡散係数を 1.0× 10⁻¹¹[m²/s]の結果を併せて示す。こちらも、ほぼ 同様に一致した結果となった。溶脱はセメント 水和物のうち Ca のみを失う現象である。溶脱程 度は Ca/Si モル比で表されることが多い。Ca/Si モル比に対する溶解の影響を除いた拡散係数を **表-3**に示す。

6.2 算出した実効拡散係数の評価

得られた標準部と溶脱部のコンクリート中の カルシウム実効拡散係数に関し,既存の研究例 を参照し,その妥当性を検証した.対象とした のは,斉藤³,Buil^{12),}半井ら¹³⁾,らの報告であ る.これらを表-4にまとめた.溶脱解析に取り 組んだ例は,その他横関ら¹⁴⁾があるが,Einstein の関係式に基づいた基本拡散係数に,コンクリ ート中の水和相の体積割合や骨材割合を加味し た関数をカルシウム拡散係数として扱っている ため,明確な値は不明であった。

標準部分の拡散係数は、オーダーとしては一 致した値となった。溶脱部の拡散係数は様々な 値となっているが、本報告で求めた値が最も小 さい結果となった。モルタルの結果やコンクリ ートの結果を比較していることもあるが、空隙 部で仮定した値が小さいためと思われ、この値 の設定方法に関しては再検証が必要と考える。 試験体のサンプリング位置の精密化をはかり、 EPMAから得られるCa/Siモル比やその他の物性 値との対応をつけた上で、溶脱程度の定量化も



図-8 標準モルタルの平均化カルシウム濃度





表-3 Ca/Si モル比との関係

Ca/Si モル比	拡散係数
約1.2	$10 \times 10^{-12} [m^2/s]$
約3.0	2.5 × 10 ⁻¹² [m ² /s]

表-4 拡散係数の一覧

	拡散係数(×10 ⁻¹² [m ² /s])		
著者名	標準	変質	
斉藤 ³⁾	1	170	
Buil ¹²⁾	5	1000	
半井 13)	10	約 700	
本報告	2.5	10	

必要と考える。

7. まとめ

X線CT撮影より得られた空隙データを用いて, カルシウムの拡散係数を求めた。結果を以下に まとめる。

- X線CTのデータより、モルタルにおける拡 散係数は、溶脱部で1.0×10⁻¹¹[m²/s]、変質を 受けていない標準部で2.5×10⁻¹²[m²/s]と求 められた。
- 2) 本報告で得られた拡散係数は,既往の研究よりも小さな値となった。
- 拡散係数を空隙と物質部分に個別に設定する設定することでモルタルのカルシウムの 拡散を解析できることを示した。
- 試料をきめ細かく採取することで、Ca/Si モ ル比などのモルタルの物性値と拡散係数と の対応が可能になる。

本研究は、高輝度光科学研究センターの課題 研究によってビームライン BL20XU で得られた 成果に基づき纏められたものです。また、LBM に関する指導を信州大学工学部吉野助教授に頂 きました。ここに銘記し謝意を表します。

参考文献

- Berner U.R:Evolution of Pore Water Chemistory During Degradation of Cement in a Radioactive Waste Repository Environment, Waste Management, Vol.12, pp.201-219,1992.
- 広永道彦:放射性廃棄物処分の将来展望とコンクリート技術、コンクリート工学、Vol.37, No.3, pp.3-10, 1999
- 3) 斉藤裕司, 辻幸和, 片岡浩人:セメント水和 生成物の溶解に伴う変質予測のモデル化, コ ンクリート工学論文集, Vol.1, No.1, pp.51-59, 2000.1
- 4) 人見尚,三田芳幸,斉藤裕司,竹田宣典:
 SPring-8 における X 線 CT 像によるモルタル 微細構造の観察,コンクリート工学年次論文 集, Vol.26, pp645-650.2004.7
- 5) 人見尚,三田芳幸,竹田宣典:高輝度 X 線 CT を用いたコンクリートのカルシウム溶脱の評 価,コンクリート構造物の補修,補強、アッ プグレードシンポジウム論文報告集, Vol.5, pp.223-228,2005.10

- Landis E.N., Petrell A.L., NagyE.N.: Examination of pore structure using three-dimensional image analysis of microtomographic data, Concrete Science and engineering, Vol.2, pp. 162-169, 2000.12
- Nakashima Y. et al: Three-dimensional Diffusion of Non-sorbing Species in Porous Sandstone: Computer Simulation Based on X-ray Microtomography Using Synchrotron Radiation, J.Cont. Hyd., 74, pp.253-264, 2004.
- 8)田島孝敏ほか:電気化学的促進手法によるコンクリートのCa溶出に伴う劣化予測、コンクリートのT 学 論 文報告集、 Vol.19、 pp.967-972(1997)
- 9) 中野司, 土、山明, 上杉健太郎, 上椙真之, 篠 原邦夫(2006) "Slice" -Softwares for basic 3-D analysis-, Slice Home Page (web), http://www-bl20.spring8.or.jp/slice/, 財団法人 高輝度光科学研究センター.
- 10) Inamuro, T., Yoshino, M., Inoue, H., Mizno, R., Ogino, F.: A Lattice Boltzmann Method for a Binary Miscible Fluid Mixture and Its Application to a Heat-transfer Problem, J. Comp. Phys., Vol.179,pp.1-15, 2002
- 11) 人見尚,竹田宣典,入矢桂史郎:格子ボルツ マン法(LBM)を用いたコンクリートの溶脱解 析,コンクリート工学年次論文報告集,Vol23, No.2, pp.817-822, 2005
- 12) Buil M.,Revertegat E.,Oliver J.:A Model to the Attack o Pure Water or Undersaturated Lime Solutions on Cement, Stabilization and Solidification of Hazardous, Radioactive, and Mixed Wastes, Vol.2, STP1123, pp.227-241,1992
- 13) 半井健一郎,石田哲也,臼井達哉,前川宏一, セメント硬化体空隙組織の形成および劣化と の連成によるカルシウム溶脱解析,コンクリ ート工学年次論文集, Vol.1, pp715-720.2005.7
- 14) 横関康祐: コンクリートからの成分溶出を対象とした千年レベルの長期耐久性に関する研究,博士論文,2001